

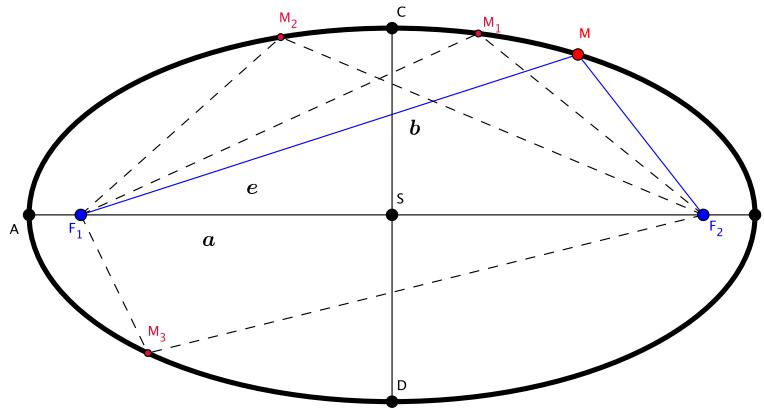
# ELIPSA

## Ohnisková definice

**Elipsa:** Množina všech bodů, které mají od dvou pevných různých bodů (ohnisek) stálý součet vzdáleností větší než vzdálenost pevných bodů.  $A, B$  - hlavní vrcholy;  $\overline{AB}$  - hlavní osa,  $|AS| = a$  - délka hlavní poloosy  
 $C, D$  - vedlejší vrcholy;  $\overline{CD}$  - vedlejší osa,  $|CS| = b$  - délka vedlejší poloosy  
 $F_{1,2}$  - ohniska,  $\overline{F_{1,2}M}$  - průvodice,  $|F_1S| = e$  - excentricita

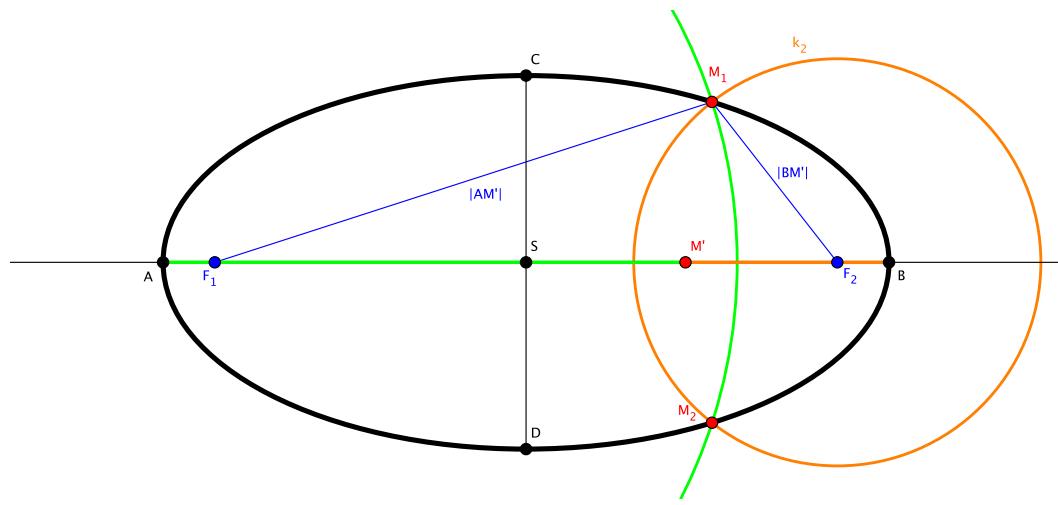
$$|F_1M| + |F_2M| = 2a$$

$$|F_1F_2| < 2a$$



Zahradnická konstrukce

**Bodová konstrukce:** dáno  $F_1, F_2, a$



Bodová konstrukce

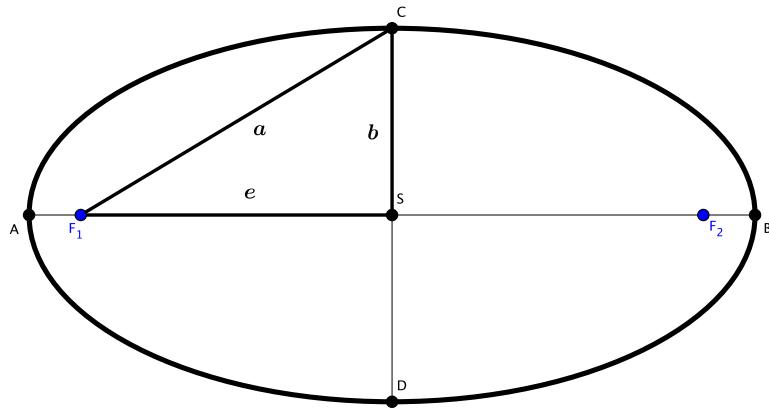
1) Zvol  $M'$  na  $\overline{AB}$

2)  $k_1(F_1, |AM'|); k_2(F_2, |BM'|)$

3)  $M_1, M_2 = k_1 \cap k_2$

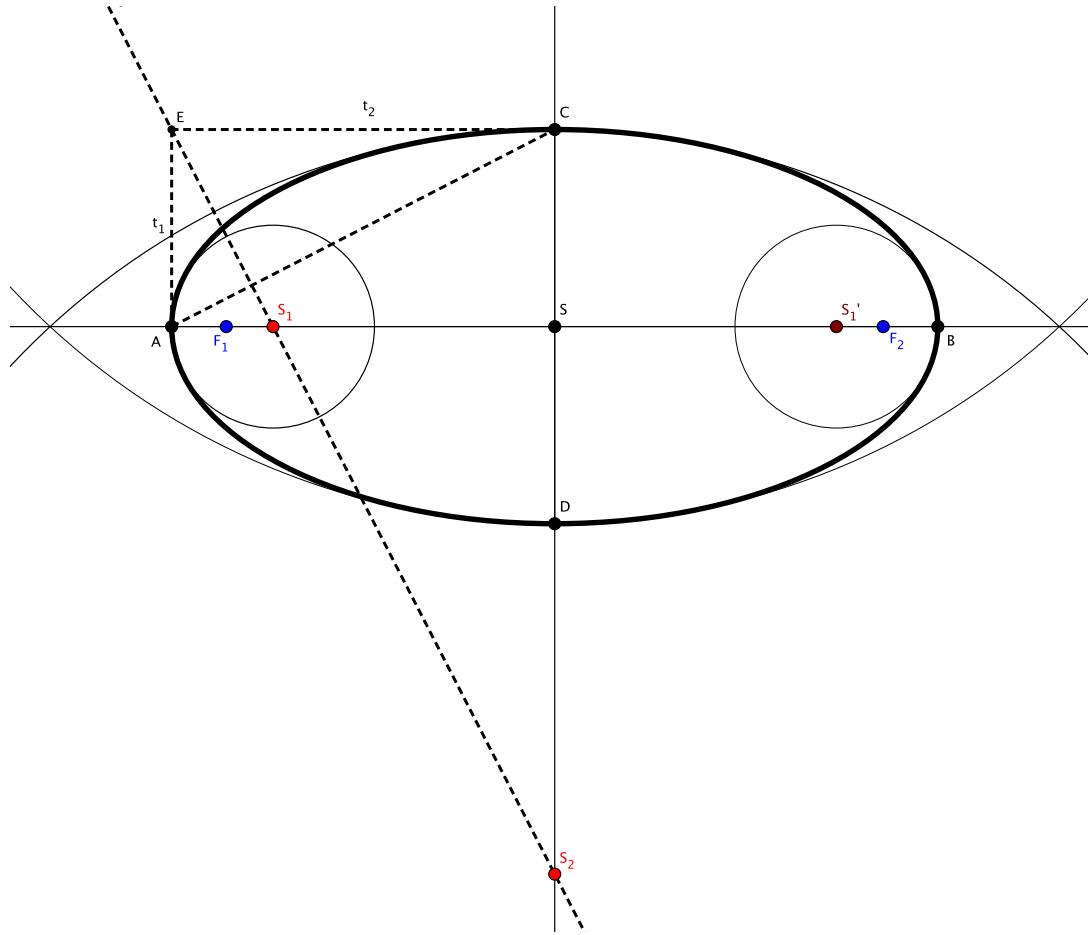
## Ohniskové vlastnosti

Platí:  $a^2 - b^2 = e^2$



Ohniskové vlastnosti

## Hyperoskulační kružnice



Hyperoskulační kružnice

**Hyperoskulační kružnice:** dotykové kružnice ve vrcholech.

Konstrukce: dáno  $A, B, C, D$

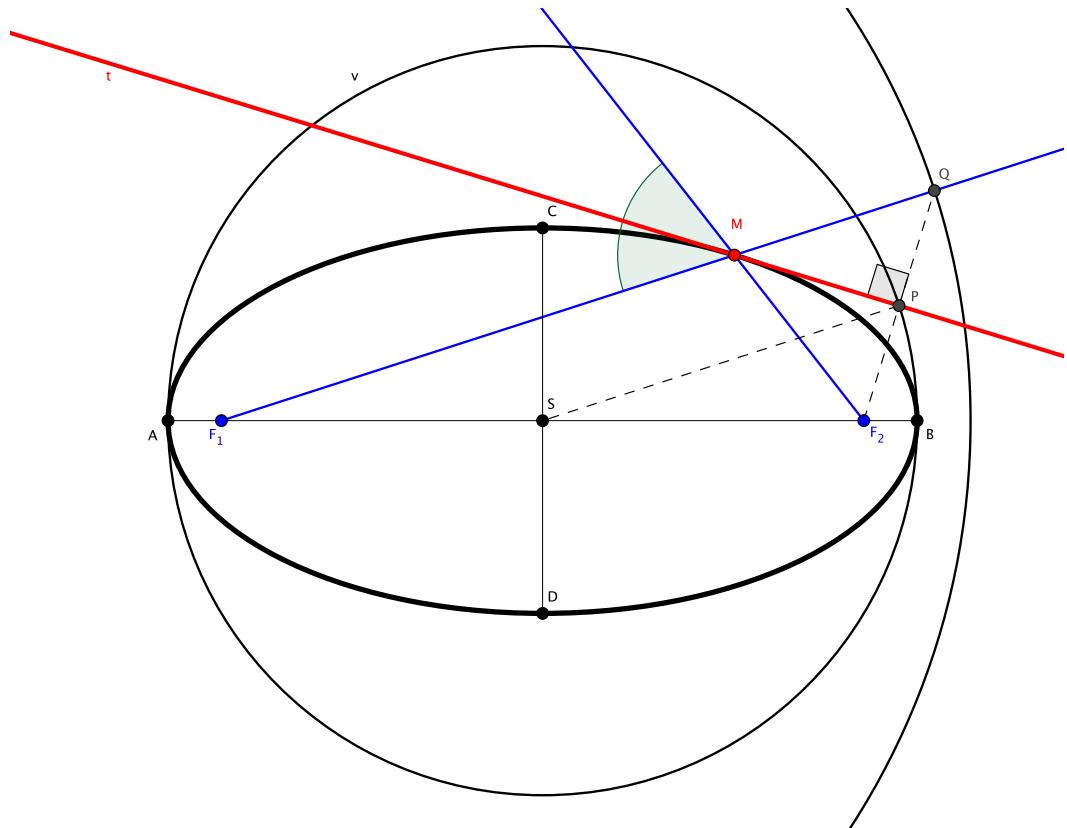
- 1)  $t_1 \perp \overline{AB}; A \in t_1; t_2 \perp \overline{CD}; C \in t_2$
  - 2)  $E = t_1 \cap t_2$
  - 3)  $S_1 = s \cap \overline{AB}; S_2 = s \cap \overline{CD}$
  - 4)  $k_1(S_1, |S_1A|); k_2(S_2, |S_2C|)$
- !  $k_1, k_2$  se neprotínají; vrcholy  $B, D$  osovo souměrně

## Tečna elipsy

**Definice:** Tečna v bodě elipsy je osa vnějších úhlů jeho průvodičů.

**Řídící kružnice:** Množina bodů souměrně sdružených s ohniskem podle tečen elipsy. Zn.  $g_1(F_1, 2a); g_2(F_2, 2a)$ .

**Vrcholová kružnice:** Množina pat kolmic vedených z ohniska k tečnám elipsy. Zn.  $v(S, a)$ .

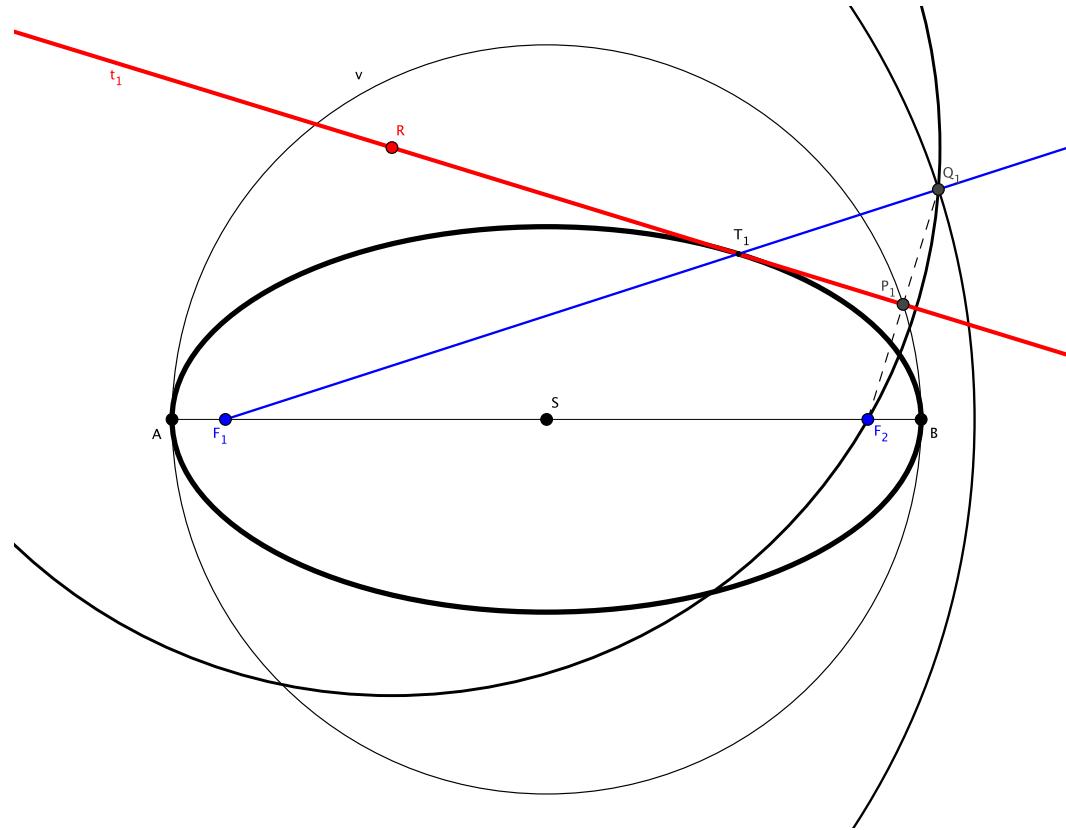


Tečna elipsy

**Tečna daným bodem:** dáno  $a, F_1, F_2, R$

- 1)  $k(R, |RF_2|); k \cap g_1 = Q_1, Q_2$
- 2)  $P_1, P_2; \overline{RP_1} = t_1; \overline{RP_2} = t_2$

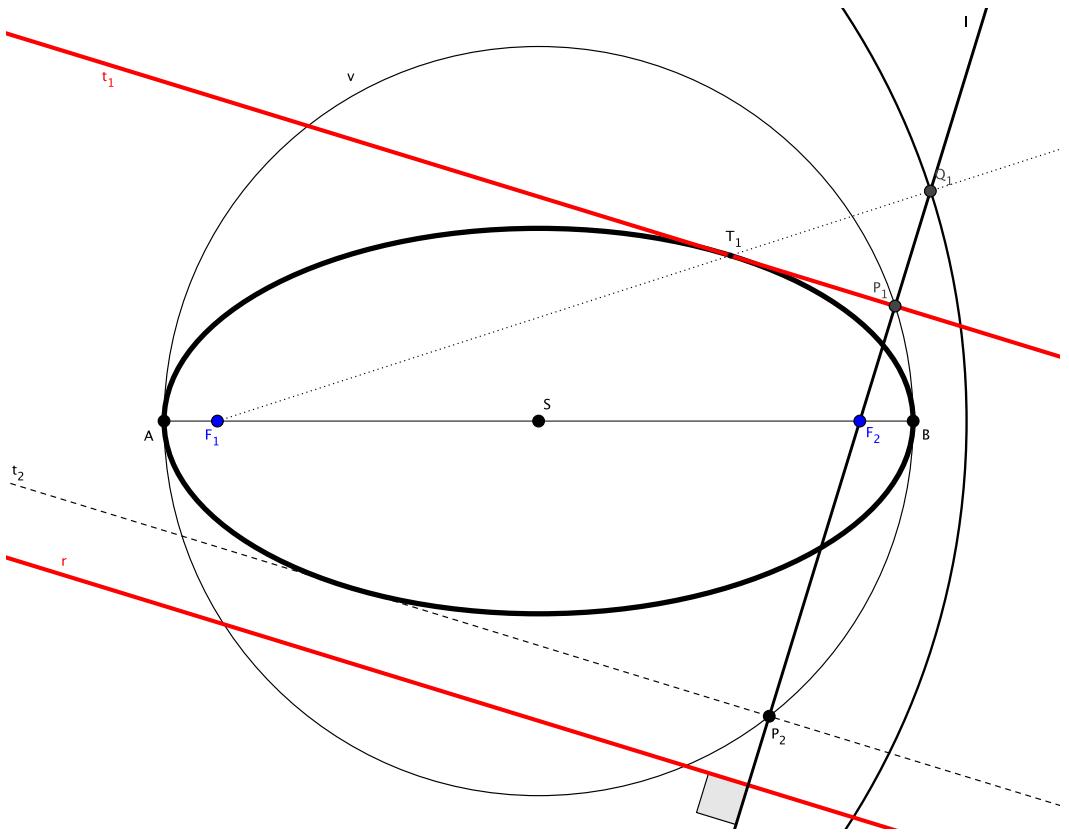
3) dourčení bodů dotyku  $t_1 \cap F_1 Q_1 = T_1, t_2 \cap F_1 Q_2 = T_2$



Tečna  $t_1$  bodem  $R$

**Tečna daným směrem:** dáno  $a, F_1, F_2, r$  ( $r$  je rovnoběžka s tečnou)

- 1)  $l \perp r; F_2 \in l$
- 2)  $v; l \cap v = P_1; P_2$
- 3)  $t_1, t_2 \parallel r; P_1 \in t_1; p_2 \in t_2$
- 4) dourčení bodů dotyku pomocí řídicích kružnic



Tečny směrem  $r$

## Kružnice v afinitě

Kružnice sa v osové afinitě zobrazí na elipsu.

Speciální případ: 2 afinity  $e \rightarrow e_1; e \rightarrow e_2$

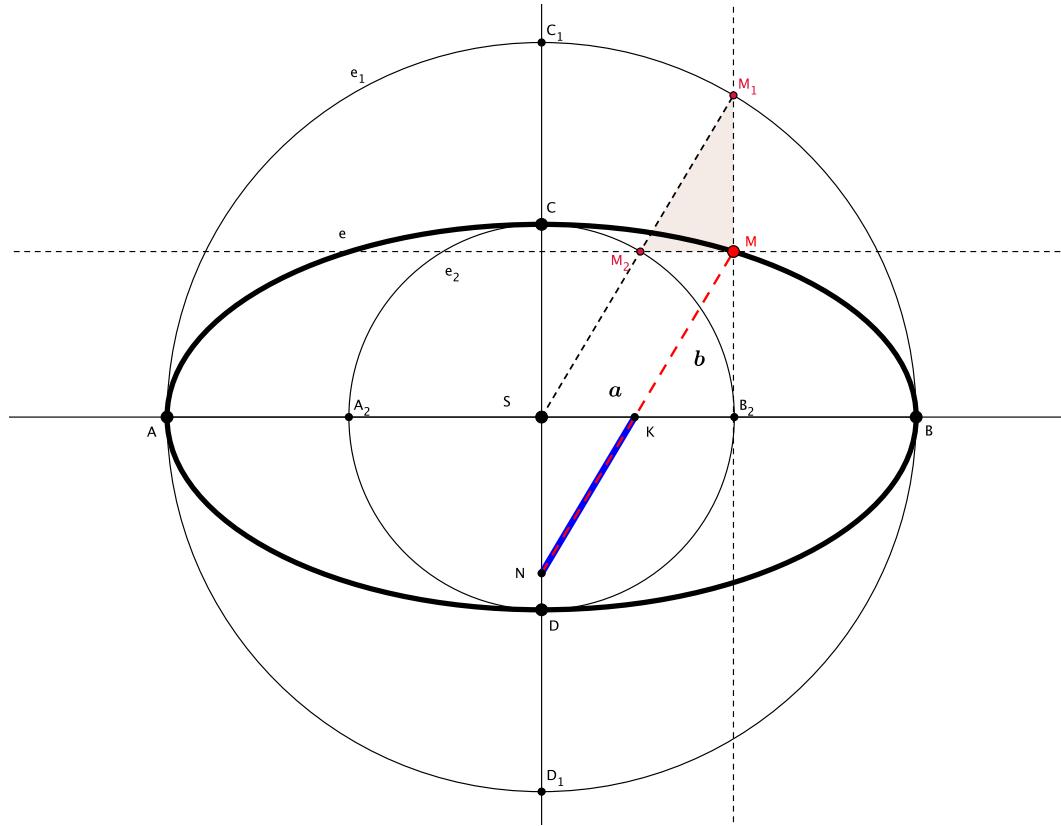
- 1) osa -  $\overline{AB}$ , směr -  $\overline{CD}, C \rightarrow C_1, D \rightarrow D_1, M \rightarrow M_1$
- 2) osa -  $\overline{CD}$ , směr -  $\overline{AB}, A \rightarrow A_2, B \rightarrow B_2, M \rightarrow M_2$

**Trojúhelníková konstrukce:** dáno  $A, B, C, D$

- 1)  $M_1, M_2; M$

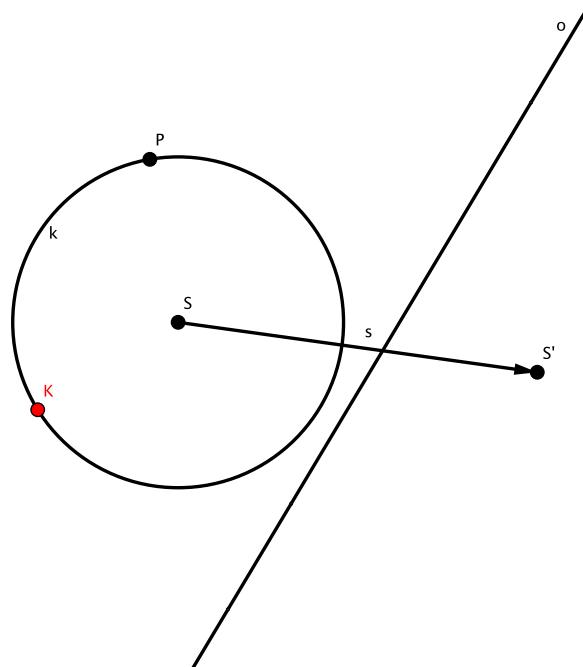
**Proužková (rozdílová) konstrukce:** dáno  $A, B, M, M$  - bod elipsy

- 1) vedlejší osa  $b$
- 2)  $k(M, a) \cap b = N$
- 3)  $\overline{MN} \cap \overline{AB} = K; |KN| = b$



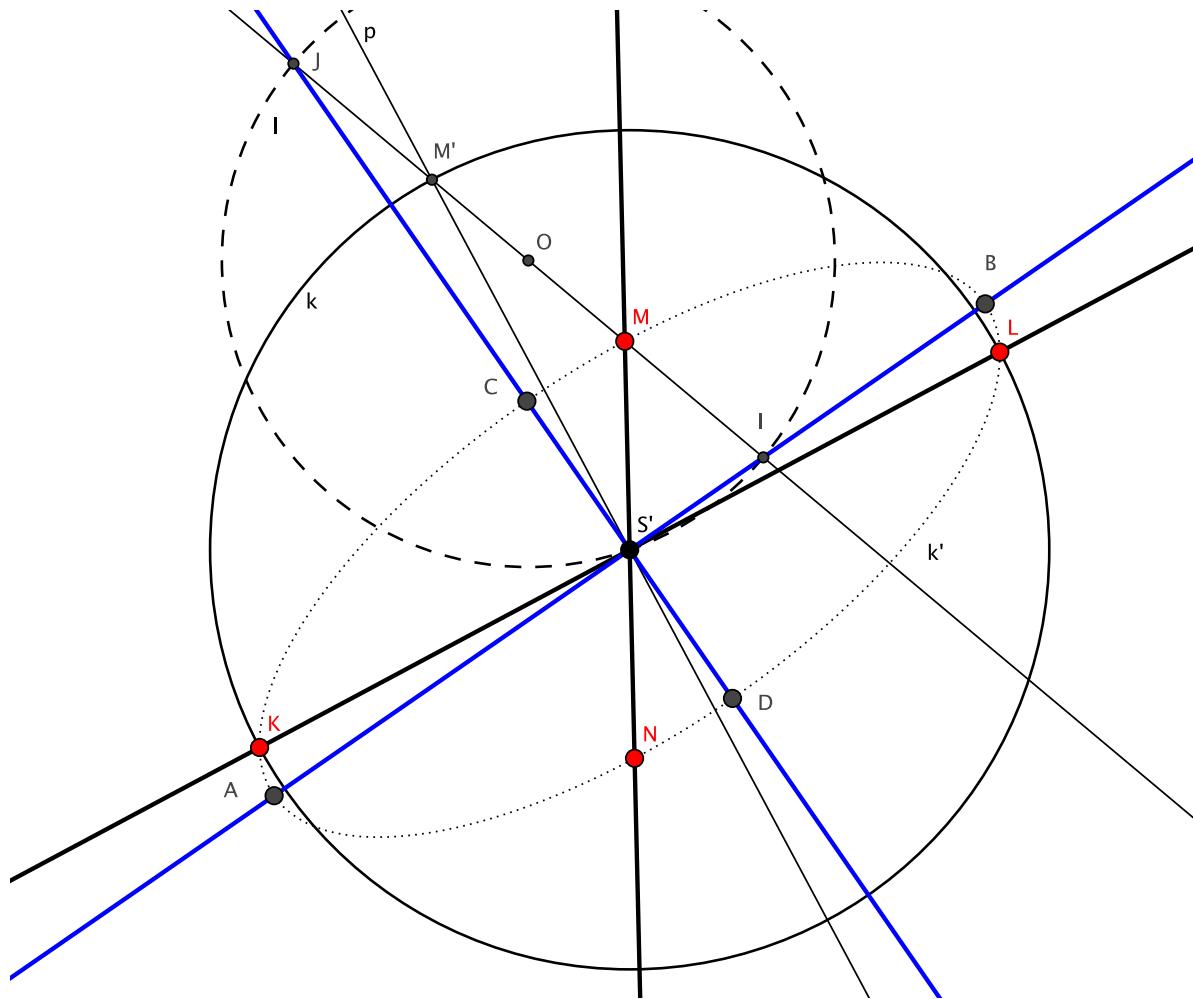
$\triangle$  a proužková konstrukce

**Rytzova konstrukce:** dáno  $\overline{KL}, \overline{MN}$  - sdružené průměry (2 na sebe kolmé průměry kružnice v prostoru, afinitě)



Zobrazte kružnici  $k$  v afinitě  $o, s'$

- 1)  $c \perp \overline{KL}; S \in c; k(S, |SK|), \overline{KL}$  je delší průměr
- 2)  $k \cap c = M'; O \in \overline{MM'}; |OM| = |OM'|$
- 3)  $l(O, |OS|); I, J = l \cap \overline{MM'}$
- 4)  $\overline{SI}, \overline{SJ}$  osy elipsy; hlavní osa je v menším úhlu sdružených průměrů;  $a = |MJ|; b = |MI|$



Rytzova konstrukce